

# Limites

<p>« à penser mais à ne pas écrire ;-) »</p> $\boxed{\frac{k}{0} = \infty}$ <p>( <math>k \neq 0</math> mais valable même si <math>k = \infty</math> )</p>	<p>« à penser mais à ne pas écrire ;-) »</p> $\boxed{\frac{k}{\infty} = 0}$ <p>( <math>k \neq \infty</math> mais valable même si <math>k = 0</math> )</p>
---	---

La limite d'une somme, d'un produit, d'un quotient, est la somme, le produit, le quotient des limites.  
*(sauf dans le cas des formes « indéterminées » du tableau suivant)*

Formes « indéterminées »	Cas courants	Méthodes pour les « lever »	Exemple
$\frac{\infty}{\infty}$	Fractions rationnelles quand $x \rightarrow \pm\infty$	« Locomotive » (termes de plus haut degré)	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^2 - 4}{x^2 + x - 1} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^2}{x^2} = 3$
$\frac{0}{0}$	Fractions rationnelles quand $x \rightarrow x_0$	Factoriser par $(x - x_0)$	$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1} (x + 1) = 2$
$\infty - \infty$	Racines carrées	Expression conjuguée	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x^2 + 1} - x = \dots$ $\dots = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1} + x} = 0$
$0 \times \infty$	Situations variées, mais l'on se ramène toujours à l'un des cas précédents.		$\lim_{x \rightarrow 0} x \times \frac{1}{x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{x} = 1 \quad \text{:o)}$

**Théorème dit « des gendarmes » :**  $\lim_{x \rightarrow 0} x \sin \frac{1}{x} = 0$  car  $-x \leq x \sin \frac{1}{x} \leq x$